

### Aufgabe 1:

In einem Mathe-Kurs soll anhand einer kleinen Stichprobe untersucht werden, ob das Geschlecht die Wahl des Verkehrsmittels beeinflusst. Alle Schüler\*innen wurden gefragt, ob sie mit dem Auto zur Schule kommen oder nicht. Es gab folgendes Ergebnis: Im Kurs sind 21 Schüler\*innen, davon 12 männlich (M) und 9 weiblich (W). Sieben Schüler\*innen kommen mit dem Auto (A), davon waren vier männlich.

Stellen Sie die Situation in einer Vierfeldertafel dar und prüfen Sie, ob die Ereignisse W und A stochastisch unabhängig sind.

(Korrigierte) Erinnerung:

#### Stochastische Unabhängigkeit (allgemein):

Zwei Ereignisse A und B heißen (stochastisch) unabhängig, wenn gilt:

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

Andernfalls heißen die Ereignisse (stochastisch) abhängig.

|           | M  | W |    |
|-----------|----|---|----|
| A         | 4  | 3 | 7  |
| $\bar{A}$ | 8  | 6 | 14 |
|           | 12 | 9 | 21 |

Rechnung:

#### Einstiegsaufgabe Binomialverteilung

Die Jarvis GmbH stellt Projektoren her und bezieht die Linsen, die in die Projektoren eingebaut werden, von Zulieferern aus der Optischen Industrie. Nach Lieferproblemen bezüglich der Qualität wurde der Zulieferer gewechselt. Neuerdings liefert der Lieferant Argus GmbH alle Linsen in einer besseren Qualität, seine Ausschussquote beträgt 2,5%. Es wird vereinbart, dass die Jarvis GmbH einen Sonderrabatt von 20% erhält, falls in einer Liefercharge von 200 Stück mehr als acht Linsen Ausschuss sind. Ermitteln Sie die Wahrscheinlichkeit, dass dieser Fall eintritt.

#### Vorbereitung:

1. Lesen Sie im Buch die Seiten 453 – 455 oben (einschließlich Formel von Bernoulli).

$$P(W \cap A) = \frac{3}{21} = \frac{1}{7}$$

$$P(W) \cdot P(A) = \frac{9}{21} \cdot \frac{7}{21} = \frac{1}{7}$$

$$\Rightarrow P(W \cap A) = P(W) \cdot P(A)$$

↳ Die beiden Ereignisse W und A sind stochastisch unabhängig.

# Binomialverteilung

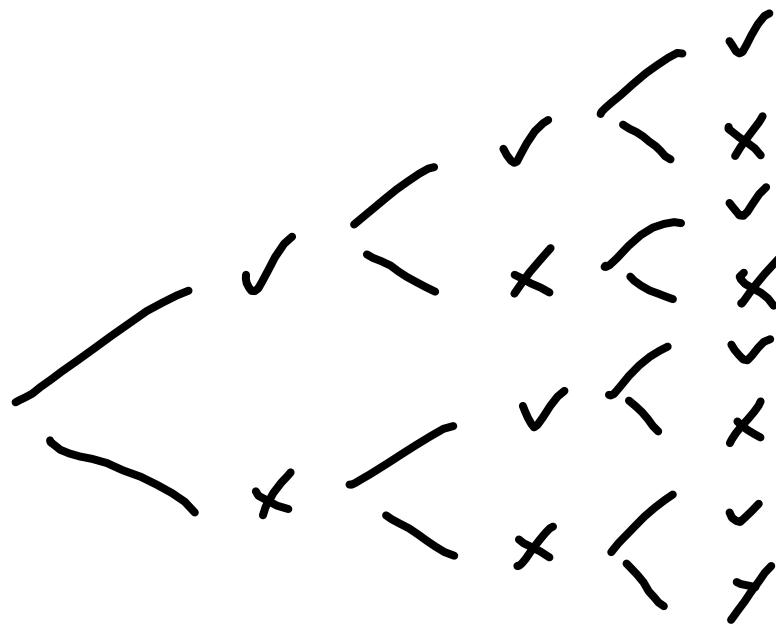
## Einstiegsaufgabe Binomialverteilung

Die Jarvis GmbH stellt Projektoren her und bezieht die Linsen, die in die Projektoren eingebaut werden, von Zulieferern aus der Optischen Industrie. Nach Lieferproblemen bezüglich der Qualität wurde der Zulieferer gewechselt. Neuerdings liefert der Lieferant Argus GmbH alle Linsen in einer besseren Qualität, seine Ausschussquote beträgt 2,5%. Es wird vereinbart, dass die Jarvis GmbH einen Sonderrabatt von 20% erhält, falls in einer Liefercharge von 200 Stück mehr als acht Linsen Ausschuss sind. Ermitteln Sie die **Wahrscheinlichkeit**, dass dieser Fall eintritt.

## Vorbereitung:

1. Lesen Sie im Buch die Seiten 453 – 455 oben (einschließlich Formel von Bernoulli).
2. Erklären Sie mit eigenen Worten, was ein Bernoulli-Versuch ist.
3. Erklären Sie den Begriff „Bernoulli-Kette“.
4. Stellen Sie den Test von drei Linsen (Ausschuss oder nicht) in einem Baumdiagramm dar und berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass von diesen drei Linsen keine (genau eine, genau zwei, genau drei, höchstens eine, mehr als eine) Ausschuss ist.

Hinweis: Erinnern Sie sich an die Begriffe „Zufallsvariable“ und „Wahrscheinlichkeitsverteilung“.



## Schätzungen

Bora : 4%

Simey : 5,5%

Aaron : 4,5%

Vanessa : 3,7%

Can : 5%

Muhammed : 3%

Bavi : 3,5%

Bernoulli-Versuch: Zufallsversuch mit genau zwei möglichen Ereignissen  
(allgemein  $E$ : Treffer oder Erfolg und  $\bar{E}$ : Niete oder Misserfolg)

Für die Trefferwahrscheinlichkeit verwendet man  $p$  und damit ist die W. für „keinen Treffer“ genau  $1-p$  oder auch  $1-p = q$

Bsp: Münzwurf (K oder Z), Qualitätstest (Anschluss oder nicht)  
Würfeln (6 oder keine 6)

## Bernoulli-Kette

Mehrfaches oder wiederholtes Durchführen eines Bernoulli-Versuchs. Zu beachten ist, dass

- die Trefferwahrscheinlichkeit  $p$  bei jedem Versuch gleich ist.
- die einzelnen Versuche voneinander unabhängig sind, d.h. das Ergebnis eines Versuchs die W. für einen Treffer beim nächsten Versuch nicht beeinflusst.

Bsp: 10-maliger Münzwurf, Test von 3 Linsen, 30-mal Würfeln

Die Anzahl der Versuche wird mit  $n$  bezeichnet, das ist die Länge der Bernoulli-Kette.

4) Baumdiagramm (Test von drei Linsen)  
 $A = \text{Ausschluss}$   $\checkmark = \text{ok (kein Ausschluss) oder } \bar{A}$

