

- Satz von Sylvester
- Vierfeldertafeln
- Baumdiagramme

Aufgaben

Aufgabe 1

Untersucht wird das folgende Zufallsexperiment: **Einfacher** Wurf eines gleichseitigen Dodekaeders. Das ist ein Körper, der zwölf gleichseitige Fünfecke als Flächen besitzt. Die zwölf Seiten sind von 1 bis 12 nummeriert. Ein Ereignis gilt als eingetroffen, wenn der Icosaeder auf einer seiner zwölf Flächen zum Liegen kommt.

- Geben Sie die Ergebnismenge Ω an.
- Stellen Sie die folgenden Ereignisse als Menge dar.

E1: Es wird eine Primzahl gewürfelt.

E2: Es wird eine gerade Zahl gewürfelt.

E3: Es wird eine Zahl größer als 10 gewürfelt.

E4: Es wird eine durch 4 teilbare Zahl gewürfelt.

E5: $E_1 \cap E_2$ E6: $E_1 \cap E_4$ E7: $E_2 \cup \overline{E_3}$ E8: $E_4 \cap \overline{E_4}$

Aufgabe 2

Bei einem Roulette-Rad gibt es 37 Felder, die durchnummeriert sind von 0 bis 36. Die 0 hat die Farbe grün, die restlichen Felder sind zur Hälfte rot bzw. schwarz. Lea und Patrick diskutieren, mit welchem Ereignis die Gewinnchancen größer sind. Patrick schlägt vor, auf alle Zahlen, die durch 4 teilbar sind zu setzen und Lea meint, die Gewinnchance wäre größer, wenn man auf alle Primzahlen setzt. Entscheiden Sie, wer von beiden Recht hat, indem Sie wie folgt vorgehen:

- Geben Sie die Ergebnismenge Ω an.
- Stellen Sie die folgenden Ereignisse als Menge dar:
 E_L : Die Kugel fällt auf ein Feld mit einer Primzahl
 E_P : Die Kugel fällt auf ein Feld mit einer Zahl, die durch vier teilbar ist.
- Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeiten der beiden Ereignisse E_L und E_P .

Aufgabe 6

Bei der Klassenfahrt der WGY12 an die Nordsee gibt es für die Schüler an zwei Tagen eine Wahl. Am 2. Tag können die Schüler an einer Wattwanderung teilnehmen und am 3. Tag an einer Exkursion zum Windradpark. Aus der Erfahrung der letzten Jahre kann man davon ausgehen, dass 30 % der Schüler an beiden Ausflügen teilnehmen und dass 55% der Schüler die Wattwanderung mitmachen. An einem der beiden Ausflüge müssen die Schüler teilnehmen.

Ermitteln Sie mit Hilfe von zwei geeignet definierten Ereignissen A und B und einer vollständig ausgefüllten Vierfeldertafel, welcher Anteil der Schüler

- a) nur an der Exkursion zum Windradpark teilnimmt.
- b) an keinem der beiden Ausflüge teilnimmt.
- c) zum Windradpark fährt.

	A	\bar{A}	
B	30%	45%	75%
\bar{B}	25%	0%	25%
	55%	45%	100%

A = nimmt an der Wattwanderung

B = macht Exkursion zum Windrad

a) $P(\bar{A} \cap B) = 45\%$

b) $P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 0\%$

c) $P(B) = 75\%$

Teil B:

- Integralrechnung
 - Partielle Integration

Aufgabe 1:

Bestimmen Sie Stammfunktionen von

a) $f(x) = 6x^2 \cdot e^{2x-4}$ b) $f(x) = (2x + 1) \cdot e^{2x+3}$

- Rotationskörper

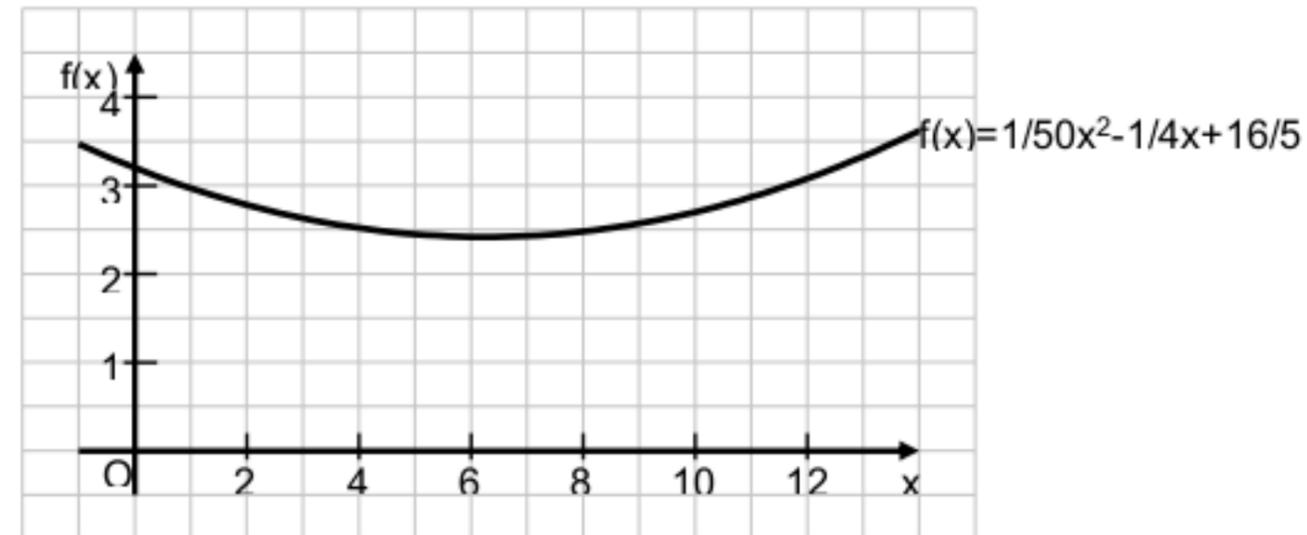
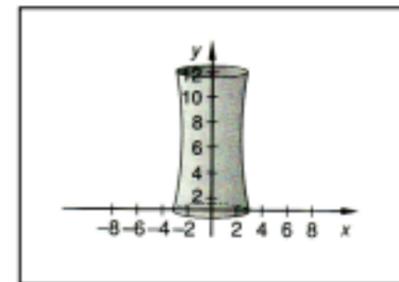
Aufgabe 1:

Eine Brauerei hat von einem Designer ein Bierglas in der unten abgebildeten Form mit einer inneren Höhe von 12 cm entwerfen lassen (Abbildung 1).

Der Verlauf der Innenwand lässt sich bei geeigneter Darstellung im Koordinatensystem durch die

Funktion $f(x) = \frac{1}{50}x^2 - \frac{1}{4}x + \frac{16}{5}$ beschreiben (Hinweis: Der Ordinatenabschnitt von f entspricht dem Bodenradius des Bierglases bezogen auf cm).

- a) Bestimmen Sie die Volumenmaßzahl des Glases und geben Sie das Volumen in dm^3 an.

**Aufgabe 3:**

Die Parabel $f(x) = -0.25x^2 + 4$ und die x -Achse schließen eine Fläche ein, die um die x -Achse rotiert. Berechnen Sie das Volumen des Rotationskörpers.

Aufgabe 4:

Die Funktionen $f(x) = x^2 - 2x + 6$ und $g(x) = -x^2 + 10$ schließen eine Fläche ein, die um die x -Achse rotiert. Berechnen Sie das Volumen des Rotationskörpers.

Aufgabe 5:

Die Fläche zwischen den Kurven $f(x) = x$ und $g(x) = x^3$ rotiert um die x -Achse. Das Volumen des Rotationskörpers ist gesucht.

Fortsetzung

$$\begin{aligned} P(2 \text{ oder } 3 \text{ Fehler}) &= 0,00186 \\ &= 0,186\% < 0,2\% \quad \checkmark \end{aligned}$$

mit 2-Pfadregel die 4 Wahrscheinlichkeiten
addieren.