

## Analysis

- 1) Ganzrationale Funktionen
  - a. Aufstellung von Funktionsgleichungen aus vorgegebenen Bedingungen, auch durch Regression mithilfe des GTR/CAS
  - b. Extrem- und Wendepunkte
  
- 2) Exponentialfunktionen
  - a. Aufstellung von Funktionsgleichungen vom Typ  $f(x) = a \cdot b^x$  aus vorgegebenen Bedingungen, auch durch Regression mithilfe des GTR/CAS
  - b. Funktionen vom Typ  $f(x) = p(x) \cdot e^{q(x)}$  mit  $p, q$  ganzrationale Funktionen
  - c. Extrem- und Wendepunkte
  
- 3) Ökonomische Anwendungen
  - a. Modell der vollständigen Konkurrenz
  - b. Modell Angebotsmonopol
  - c. Absatzentwicklung/Umsatzentwicklung

## Lineare Algebra / Analytische Geometrie

- 1) Matrizen / Lineare Gleichungssysteme
  - a. stochastische Matrizen
  - b. Matrizenverknüpfungen und Matrizengleichungen
  - c. Inverse Matrizen
  - d. LGS und Kriterien für deren Lösbarkeit / Rang einer Matrix
  
- 2) Weitere ökonomische Anwendungen
  - a. Logistische Zusammenhänge, Kundenwanderung, Mobilität, etc.
  - b. innerbetriebliche Verflechtungen, mehrstufige Produktionsprozesse

## Stochastik

- 1) Bedingte Wahrscheinlichkeit und stochastische Unabhängigkeit
  
- 2) Binomialverteilung
  - a. Bernoulli-Versuch
  - b. Erwartungswert, Varianz und Standardabweichung
  - c. Summenfunktion der Binomialverteilung
  
- 3) Ökonomische Anwendungen
  - a. Kostenabwägungen, Qualitätsprüfungen. Prüfen von Produktionsprozessen

Alle Themenbereiche können auch die Verwendung von Parametern enthalten.

# Fahrplan für die letzten 5 Wochen

W6Y13, ML4  
7.3.22

- Wünsche:
- Matrizen Gleichungen ✓
  - Rangkriterien ✓ / Gauß-Algorithmus ✓
  - $e$ -Funktionen
  - Parameter  $\rightarrow$  in allen drei Bereichen
  - inverses Baumdiagramm, Satz von Bayes (ohne Hilfsmittel)
  - ökonomische Bedenkungen
  - zweistufiger Produktionsprozess
  - falls noch Zeit: Integralrechnung (nicht fokussiert)

W6Y13, MLK, 14.3.22

Klausuraufgabe 4.2.2 (Vorklausur)

Allgemein<sup>var.</sup>:  $\checkmark$  Stückkosten im zweistufigen Produktionsprozess

$$\begin{array}{l} \text{es gilt: } A_{RZ} \cdot B_{ZE} = C_{RE} \quad C \text{ ist } m \times n\text{-} \\ \text{Matrix} \\ \begin{array}{l} \text{+ Rohstoffkosten} \quad 1 \times n \\ \text{+ Zwischenproduktkosten} \quad 1 \times n \\ \text{+ Endproduktkosten} \quad 1 \times n \\ \hline \text{= variable Stückkosten} \quad 1 \times n \end{array} \end{array}$$
$$\begin{array}{l} \vec{k}_R \cdot C_{RE} \\ \text{+ } \vec{k}_Z \cdot B_{ZE} \\ \text{+ } \vec{k}_E \\ \hline \text{= } \vec{vsk}_E \end{array}$$

Die Vektoren  $\vec{k}_Z$  und  $\vec{k}_E$  werden häufig als Fertigungskosten bezeichnet.

4.2.2

Rohstoffe  $\rightarrow$  Materialien (Glas, ...)  
Zwischenprodukte  $\rightarrow$  Figuren  
Endprodukte  $\rightarrow$  Sets (aus Figuren)

~~Rohstoffkosten:  $(0,2 \ 0,4 \ 0,6) \cdot C_{MS}$~~  in Aufgabe nicht relevant

ZP-Kosten:  $(2x \ x+6 \ x+6) \cdot B_{FS}$

+ Endproduktkosten:  $(x \ x \ x)$   $x \hat{=}$  Fertigungskosten für Sets

$\Rightarrow$  variable Stückkosten der Endprodukte:  $(13x+24 \ 5x+12 \ 9x+24)$

Kosten für Auftrag aus Dortmund

$$(13x+24 \ 5x+12 \ 9x+24) \cdot \begin{pmatrix} 10 \\ 5 \\ 20 \end{pmatrix} \leq 1450 \Leftrightarrow$$

$$335x + 780 \leq 1450 \Leftrightarrow x \leq 2$$

solve

Die Fertigungskosten für die Sets dürfen maximal 26€ betragen.

## Aufgabe: Gauß-Algorithmus (Teil A)

Im Lager eines Unternehmens befinden sich 200 ME von Rohstoff  $R_1$ , 145 ME von Rohstoff  $R_2$  und 150 ME von Rohstoff  $R_3$ . Gibt es eine Produktionsmengenkombination der Endprodukte  $E_1, E_2, E_3$ , so dass der Lagerbestand vollständig aufgebraucht wird?

Es gilt:  $C_{RE} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 0 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$  zu lösen ist  $C_{RE} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 200 \\ 145 \\ 150 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \bar{m}_E$  Mengenvektor der Endprodukte.

$\left| \begin{array}{l} 1x + 2y + 4z = 200 \\ \quad 2y + 3z = 145 \\ 3x + 1y + 2z = 150 \end{array} \right| \leftarrow \text{ausführlich} \quad \text{Kurzform} \rightarrow \left| \begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 4 & 200 \\ 0 & 2 & 3 & 145 \\ 3 & 1 & 2 & 150 \end{array} \right|$

$$\begin{array}{l|l}
 \text{I} & 1x + 2y + 4z = 200 \\
 \text{II} & 2y + 3z = 145 \\
 \text{III} & 3x + 1y + 2z = 150
 \end{array} \quad \begin{array}{l} | \cdot 3 \\ \\ \leftarrow \ominus \end{array}$$

$$\begin{array}{l|l}
 \text{I} & 1x + 2y + 4z = 200 \\
 \text{II} & 2y + 3z = 145 \\
 \text{III}_a & 5y + 10z = 450
 \end{array} \quad \begin{array}{l} | \cdot 5 \\ \\ \leftarrow \ominus \end{array}$$

$$\begin{array}{l|l}
 \text{I} & 1x + 2y + 4z = 200 \\
 \text{II} & 2y + 3z = 145 \\
 \text{III}_b & -5z = -175
 \end{array}$$

Einsetzen / lösen

$$\text{III}_b : -5z = -175 \quad | : (-5)$$

$$\underline{z = 35}$$

$$\text{II} \quad 2y + 3 \cdot 35 = 145 \quad | -105$$

$$2y = 40 \quad | : 2 \Rightarrow \underline{y = 20}$$

$$\begin{array}{l}
 \text{NR 1} : 3x + 6y + 12z = 600 \\
 - 3x + 1y + 2z = 150 \\
 \hline
 \text{III}_a \quad 0x + 5y + 10z = 450
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 \text{NR 2} : 10y + 15z = 725 \\
 - 10y + 20z = 900 \\
 \hline
 \text{III}_b \quad -5z = -175
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 \text{I} \quad 1x + \underbrace{2 \cdot 20}_{40} + \underbrace{4 \cdot 35}_{140} = 200 \quad | -180 \\
 1x = \underline{20} \\
 \text{Lsgvektor: } \begin{pmatrix} 20 \\ 20 \\ 35 \end{pmatrix}
 \end{array}$$

Inverse von  $A = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$  mit Gauß

$$|A|E| \rightsquigarrow |E|A^{-1}|$$

$$\left| \begin{array}{cc|cc} 2 & 4 & 1 & 0 \\ 1 & 6 & 0 & 1 \end{array} \right| \begin{array}{l} 1 \cdot 2 \rightarrow \\ \oplus \end{array}$$

NR 1

$$\begin{array}{cccc} 2 & 4 & 1 & 0 \\ -2 & 12 & 0 & 2 \\ \hline 0 & -8 & 1 & -2 \end{array}$$

$$\left| \begin{array}{cc|cc} 2 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & -8 & 1 & -2 \end{array} \right| \begin{array}{l} 1 \cdot 2 \rightarrow \\ \uparrow + \end{array}$$

NR 2

$$\begin{array}{cccc} 4 & 8 & 2 & 0 \\ + 0 & -8 & 1 & -2 \\ \hline 4 & 0 & 3 & -2 \end{array}$$

$$\left| \begin{array}{cc|cc} 1 & 0 & 3/4 & -1/2 \\ 0 & 1 & -1/8 & 1/4 \end{array} \right|$$

$$\Rightarrow A^{-1} = \begin{pmatrix} 3/4 & -1/2 \\ -1/8 & 1/4 \end{pmatrix}$$

$$\left| \begin{array}{cc|cc} 4 & 0 & 3 & -2 \\ 0 & -8 & 1 & -2 \end{array} \right| \begin{array}{l} :4 \\ :(-8) \end{array}$$

→