

WGV13, MLK
24.03.22

Stochastik

Sigma-Abweichungen

$X \sim B(n; p)$ X : Anzahl Treffer

$$\mu = n \cdot p$$

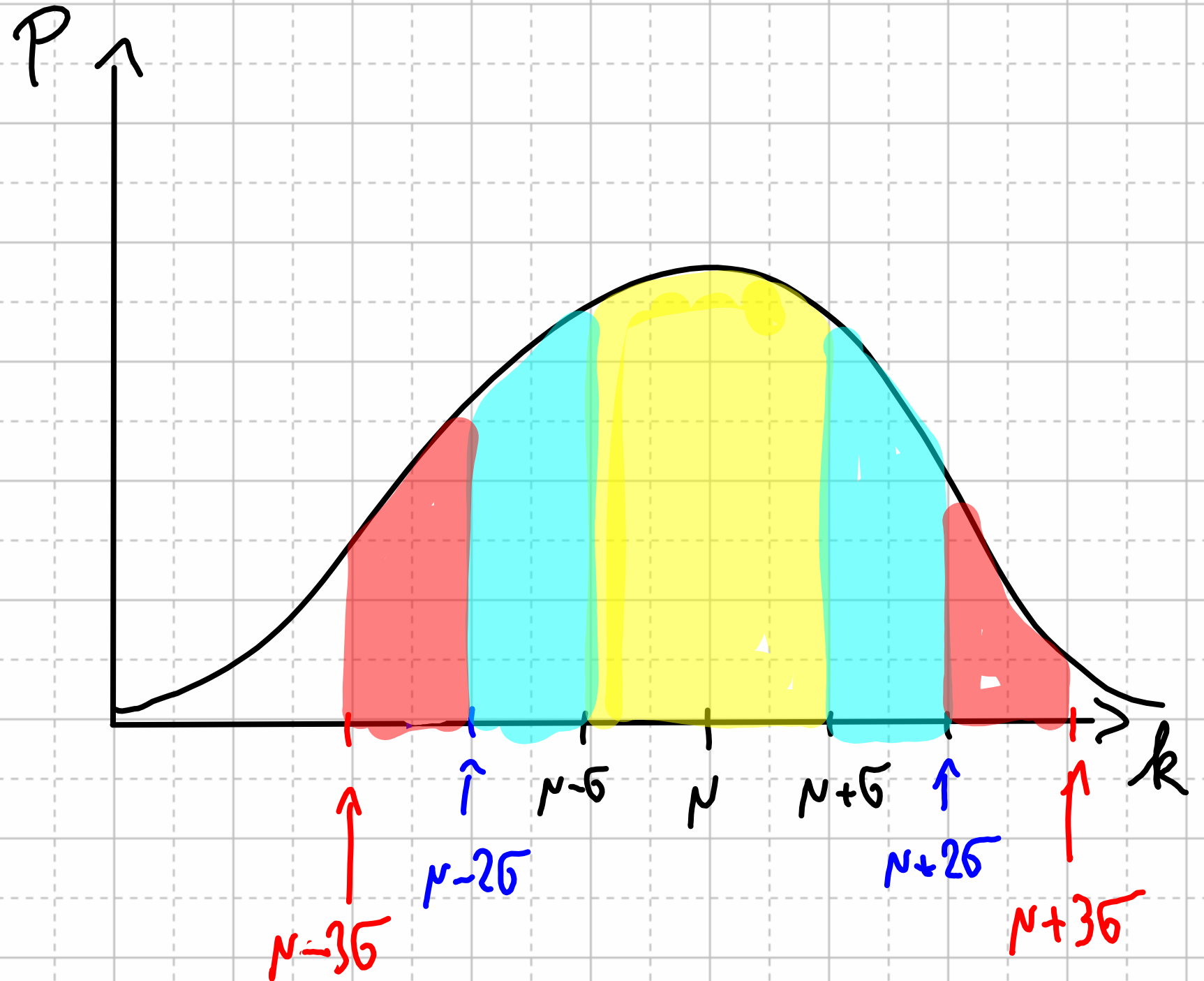
$$\sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)}$$

$$P(\mu - \sigma \leq X \leq \mu + \sigma) \approx 0,68$$

$$P(\mu - 2\sigma \leq X \leq \mu + 2\sigma) \approx 0,955$$

$$P(\mu - 3\sigma \leq X \leq \mu + 3\sigma) \approx 0,997$$

Graphische Darstellung von $P(X=k)$



Wiederholung e-Funktionen (mit Parameter)

Abi 2020, Lk, CAS Aufgabe 2.3.2

$$f_a(t) = (a + gt) \cdot e^{-\frac{1}{2a} \cdot t}$$

$$t, a \in \mathbb{R}, t \geq 0, a > 0$$

↓
marktunabhängig

2 Möglichkeiten für CAS-Definition

1) $f(a, t) := (a + gt) \cdot e^{-\frac{1}{2a} \cdot t}$

oder

2) $f_a(t) := (a + gt) \cdot e^{-\frac{1}{2a} \cdot t}$

1) Funktion und 1. und 2. Ableitung definieren

$$\begin{aligned} f_1(a, t) &:= \text{auf } dt \text{ achten} \\ f_2(a, t) &:= \text{auf } dt \text{ achten} \end{aligned}$$

oder $f_{a1}(t) :=$ ↓
 $f_{a2}(t) :=$

↓
Fortsetzung nächste Seite

Notw. Bed. für HP $f'_a(t) = 0 \Leftrightarrow t = \frac{17 \cdot a}{g}$

↑
Mathematische
Schreibweise! wichtig!

CAS: solve ----

↑
CAS-Schreibweise

Hinr. Bed. für HP $f'_a(t) = 0 \wedge f''_a(t) < 0$

$$f''_a\left(\frac{17a}{g}\right) = \frac{-g \cdot e^{-\frac{17}{18}}}{2a} < 0$$

y-Wert : $f_a\left(\frac{17a}{g}\right) = 18 \cdot a \cdot e^{-\frac{17}{18}} \approx 7a$

$$\text{HP} \left(\frac{17a}{g} \mid 7a \right)$$

Der Zeitpunkt des maximalen monatlichen Absatzes liegt bei $\frac{17a}{g}$ Monaten und der maximale Absatz liegt bei $7a$ ME. Bsp. für $a=2$ sind es 14 ME nach fast 4 Monaten ($\frac{34}{g} \approx 3,77$).

$$-g < 0 \quad e^{-\frac{17}{18}} > 0$$

$$2a > 0 \text{ , da } a > 0$$

Merke: $e^x > 0$

Je größer der marktunabhängige Parameter a ist, desto später ist der Zeitpunkt des maximalen Absatzes und desto höher ist der maximale Absatz.

AB: 2018, UK, CAS

2.2.1

$$u_a(t) = t \cdot e^{-a \cdot t^2 + 4}$$

$$t \geq 0$$

$$a \geq 0,005$$

1) Funktion und Ableitungen im CAS definieren

CAS: 2 Alternativen
siehe Tafel 2

2) Notw. Bed. für HP: $u_a'(t) = 0 \Leftrightarrow t = \frac{\sqrt{2}}{2 \cdot \sqrt{a}}$

$$t = \frac{-\sqrt{2}}{2 \cdot \sqrt{a}} < 0 \quad \downarrow$$

3) Hinr. Bed. für HP: $u_a'(t) = 0 \wedge u_a''(t) < 0$

Merke: $\sqrt{x} \geq 0$

$$u_a''\left(\frac{\sqrt{2}}{2 \cdot \sqrt{a}}\right) = -2\sqrt{2}a \cdot e^{-\frac{1}{2}} \approx -93,66\sqrt{a} < 0$$

$$4) \gamma\text{-Wert: } u_a\left(\frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{a}}\right) \approx \frac{23,42}{\sqrt{a}}$$

$$\text{HP} \left(\frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{a}} \mid \frac{23,42}{\sqrt{a}} \right) \text{ oder } \left(\frac{0,707}{\sqrt{a}} \mid \frac{23,4}{\sqrt{a}} \right)$$

Antwort: Der Zeitpunkt der max. monatl. Umsatzen ist bei $\frac{0,707}{\sqrt{a}}$ Monaten und die Höhe liegt bei $\frac{23,42}{\sqrt{a}}$ GE. Je höher der Wert für a ist, desto niedriger ist der maximale monatl. Umsatz und desto früher wird er erreicht.

HA: AS: 2019, LK, CAS

2.2. (2.2.1 und 2.2.2)