

maximalen Gewinn bei einem Preis von 8 €/kg erzielt, weil er genau bei diesem Preis die gewinnmaximale Menge von 18.000 kg absetzen kann.

Aufgabe 1 Ergänzen Sie auf die fehlenden Teile der binomischen Gleichungen.

- a) $(a + 15)^2 = a^2 + 30a + 225$ ✓
b) $(x - 10) \cdot (x + 10) = x^2 - 100$ ✓
c) $(y + 25)^2 = y^2 + 50y + 625$ ✓
d) $(x + 17y)^2 = x^2 + 34xy + 289y^2$ ✓

Aufgabe 2

Die JoRo GmbH ist einem speziellen Markt für Mikrochips Monopolist. Die Gesamtkosten für die Produktion von x (Mengeinheiten) ME werden anhand der linearen Kostenfunktion $K(x) = 0,25 \cdot x + 9,5$ in GE (Geldeinheiten) angegeben. Die Produktionsplanung basiert auf der Preis-Absatz-Funktion $p(x) = -0,5x + 6$.

- a) Ermitteln Sie den **Höchstpreis** und die **Sättigungsmenge** und erklären Sie beide Begriffe ökonomisch und mathematisch.

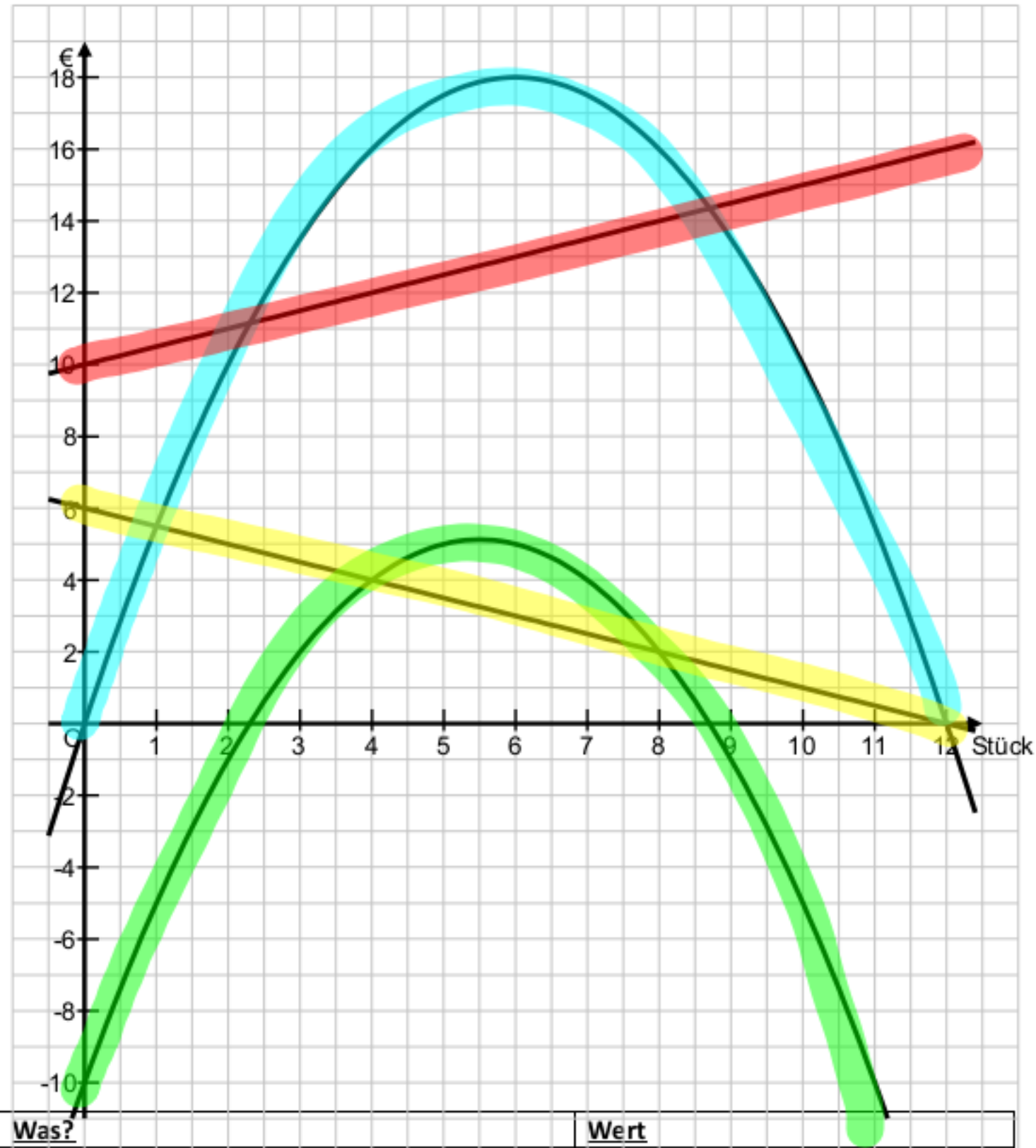
Sättigungsmenge: $p_N(x) = 0 \Leftrightarrow -0,5x + 6 = 0 \quad | -6$
 $\Leftrightarrow -0,5x = -6 \quad | :(-0,5)$
 $\Leftrightarrow x = 12$

math.: Nullstelle von $p(x)$; wird berechnet mit $p(x) = 0$

ökon.: Die Sättigungsmenge ist die Menge, die der Monopolist bei einem Preis von 0 GE/ME „verkaufen“ könnte.

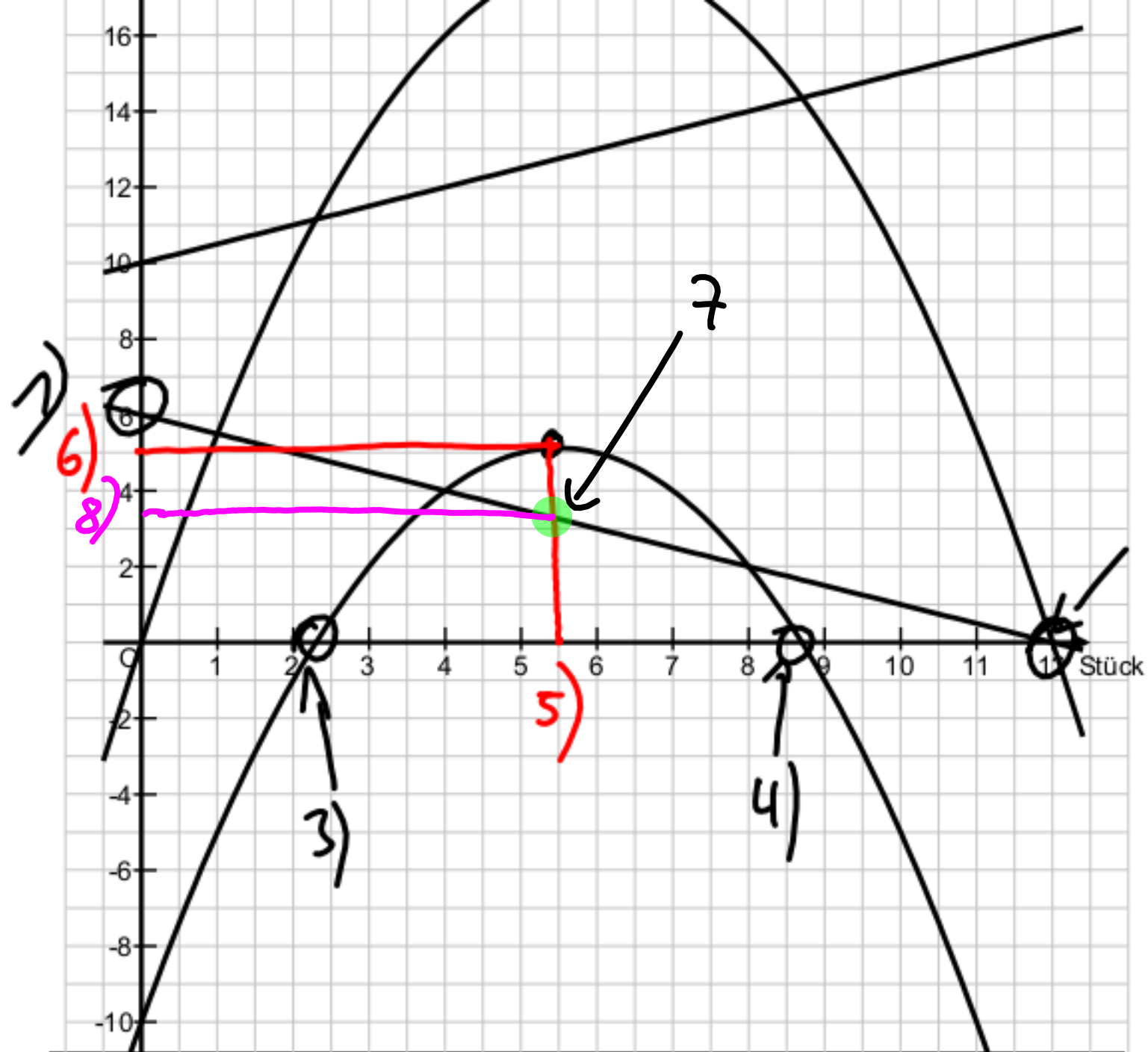
a) $p(x) = -0,5x + \underline{\underline{6}}$
Höchstpreis: 6 GE/ME
auch Prohibitivpreis
math.: y -Abschnitt von $p(x)$; wird entweder abgelesen („Zahl ohne x “) oder berechnet mit $p(0) = 6$
ökon. Bei diesem Preis kann der Monopolist nichts verkaufen. Die absetzbare Menge ist gleich Null.

Markieren Sie im Diagramm die die Preis-Absatz-Funktion $p(x)$, die Kostenfunktion $K(x)$, die Erlösfunktion $E(x)$ und die Gewinnfunktion $G(x)$ und tragen Sie die gesuchten Werte in der Tabelle unten ein



Was?	Wert
Höchstpreis	
Sättigungsmenge	
Gewinnschwelle	
Gewinngrenze	
Gewinnmaximale Menge	
Maximaler Gewinn	
Cournotscher Punkt	

Obere Parabel : Erlösfunktion
 Untere Parabel : Gewinnfunktion
 ↳ denn $G = E - K$, also ist der Gewinn immer weniger als die Erlöse
 andere Begründung :
 ↳ Erlösparabel beginnt immer bei 0 auf der y-Achse
 ↳ Gewinnparabel beginnt immer unterhalb der x-Achse wegen der Fixkosten
 Steigende Gerade : Kostenfunktion
 fallende Gerade : Preis-Absatz-Funktion



Höchstpreis: y -Abschnitt der Preis-Absatz-Funktion ($p=6$)
 Sättigungsmenge: Nullstelle der Preis-Absatz-Funktion oder der Erlösfunktion ($x=12$)

2) Gewinnschwelle: erste (kleinere) Nullstelle der Gewinnparabel ($x=2,3$)

Gewinngrenze: zweite (größere) Nullstelle der Gewinnparabel ($x=8,7$)

gewinnmax. Menge: x -Wert vom Scheitelpunkt der Gewinnparabel ($x=5,5$)

max. Gewinn: y -Wert vom Scheitelpunkt der Gewinnparabel (5 GE)

2) 1)

Was?	Wert
Höchstpreis	6 GE/ME
Sättigungsmenge	$x = 12$ ME
Gewinnschwelle 3)	$x = 2,3$ ME
Gewinngrenze 4)	$x = 8,7$ ME
Gewinnmaximale Menge 5)	$x = 5,5$ ME
Maximaler Gewinn 6)	5 GE
Cournotscher Punkt 7)	(5,5 3,3)
Preis für maximalen Gewinn 8)	3,3

Aufgabe 2

Die JoRo GmbH ist ein Monopolist für Mikrochips. Die Gesamtkosten für die Produktion von x (Mengeinheiten) ME werden anhand der linearen Kostenfunktion $K(x) = 0,25 \cdot x + 9,5$ in GE (Geldeinheiten) angegeben. Die Produktionsplanung basiert auf der Preis-Absatz-Funktion $p(x) = -0,5x + 6$.

- Ermitteln Sie den Höchstpreis und die Sättigungsmenge und erklären Sie beide Begriffe ökonomisch und mathematisch.
- Stellen Sie die Gleichungen für die quadratische Erlösfunktion und die quadratische Gewinnfunktion auf.
- Die JoRo GmbH stellt fest, dass die Menge, die für maximalen Gewinn sorgt, bei $x = 5,75$ ME liegt. Bestimmen Sie den Preis, den die JoRo GmbH für 1 ME festsetzen muss, um den maximalen Gewinn zu erzielen.

b) Erlöse = $\underbrace{\text{Preis}}_{p(x)} \cdot \underbrace{\text{Menge}}_x$

↳ beim Monopolisten ist der Preis keine Zahl, sondern eine Funktion, nämlich die Preis-Absatz-Funktion:

$$\begin{aligned} \text{Funktion: } E(x) &= p(x) \cdot x \\ &= (-0,5x + 6) \cdot x = -0,5x^2 + 6x \end{aligned}$$

Gewinn = Erlöse - Kosten

$$\begin{aligned} G(x) &= E(x) - K(x) = -0,5x^2 + 6x - (0,25x + 9,5) \\ &= -0,5x^2 + 6x - 0,25x - 9,5 = \underline{\underline{-0,5x^2 + 5,75x - 9,5}} \end{aligned}$$

c) Einsetzen der gewinnmaximalen Menge in die Preis-Absatz-Funktion

$$p(5,75) = -0,5 \cdot 5,75 + 6 = 3,125$$

Der Monopolist (JoRo GmbH) muss einen Preis von 3,125 GE/ME festlegen, um maximalen Gewinn zu erzielen!

Cournotscher Punkt (5,75 | 3,125)